

رأی گیری در کلاس ریاضی

کلی اس. کلاین
مترجم: زهره هاشمی سئهی
دبیر ریاضی منطقه ی ۱۰ تهران

روش های یادگیری فعال، به ویژه در مقایسه با روش سنتی سخنرانی، می تواند بسیار مؤثرتر باشد (ر. ک. بَنول و ایسون (۱۹۹۱)؛ دیوید سون (۱۹۹۰)؛ دیز (۱۹۹۱)؛ هاگلهاَنس و همکاران (۱۹۹۵)؛ نوروود (۱۹۹۵)؛ اشپرینگر، استان و دونوان (۱۹۹۹)). حتی زمانی که از ابزارهای نمایشی و POWER POINT به همراه سخنرانی استفاده می کنید، دانش آموزان مشاهده کنندگان منفعلی هستند و دانش آموزان منفعل، به ندرت چیزی یاد می گیرند.

رأی گیری کلاسی^۱، روشی است قدرتمند که یادگیری فعال^۲ را گسترش می دهد. این روش، دانش آموزان را با مطالب درسی مستقیماً درگیر می کند و می توان از این روش به آسانی در کلاس های مرسوم استفاده کرد. این روش، دانش آموزان را از حالت غیرفعال خارج می کند و آن ها را ملزم می سازد تا با مشارکت در کلاس، محیط یادگیری مؤثرتری را به وجود آورند. ایده اصلی این است که زمان کلاس را با دنباله ای از پدیده های قابل رأی گیری تلفیق کنیم و طی آن، معلم، سؤال های چند گزینه ای یا پرسش های درست-نادرست را به کلاس بدهد. پس از زمان کوتاهی جهت بررسی و بحث های غیررسمی^۳ در مورد سؤال (معمولاً حدود ۲ دقیقه) دانش آموزان در مورد پاسخ درست، رأی خود را اعلام می کنند. دانش آموزان می توانند برای اعلام نظر خود، در پرسش های چهار گزینه ای، کارت های رنگی خاصی را بالا ببرند (کارت سبز = گزینه ی الف و کارت آبی = گزینه ی ب و...) و یا توسط دستگاه های الکترونیکی که بسیار شبیه به کنترل تلویزیون می باشند^۴، با فشار دادن دکمه ای خاص، نظر خود را اعلام کنند. نتیجه ی رأی گیری با کارت های رنگی را می توان با یک نگاه کوتاه به کل کلاس، ارزیابی کرد. در رأی گیری با ابزارهای الکترونیکی، نتیجه ی رأی های دریافت شده، در کامپیوتری که در جلوی کلاس قرار دارد، جدول بندی می شود و نتایج آن توسط نرم افزار کامپیوتری، در

شما چگونه دانش آموزان خود را تشویق می کنید که نقشی فعال در کلاس ریاضی داشته باشند؟ برای مثال، چگونه آن ها را ترغیب می کنید که نظرات خود را ارائه دهند و در بحث های کلاسی درباره ی مفاهیم مشکل ریاضی، شرکت کنند؟ حجم وسیعی از تحقیقات آموزشی نشان دهنده ی این است که



یک جدول و یا یک نمودار ستونی ترسیم شده و برای کل کلاس به نمایش گذاشته می شود. پس از آن، معلم می تواند کلاس را با بحثی کلاسی^۵ درخصوص مفاهیم مربوطه، هدایت کند. برای مثال در کلاس حسابان من، پس از بحث در مورد این که چگونه می توان معادله ی خط مماس بر یک تابع در نقطه ای خاص را به دست آورد، سؤال زیر را در دستگاه overhead قرار داده و آن را با صدای بلند خواندم:

معادله ی خط مماس بر تابع $f(x) = |x|$ در نقطه ی $(0,0)$ چیست؟
 الف) معادله ی خط مماس در این نقطه، $y = 0$ است؛
 ب) دو خط مماس با معادله های $y = x$ و $y = -x$ وجود دارد؛
 ج) در این نقطه نمی توان بر تابع خط مماس رسم کرد؛
 د) در این نقطه می توان بی نهایت خط مماس بر تابع رسم کرد.

سپس ۲ دقیقه به دانش آموزان فرصت دادم و از دانش آموزان خواستم تا ایده های خود را با ایده های حداقل یک نفر دیگر مقایسه کنند. معمولاً تا دانش آموزان سؤال را بررسی کنند، کلاس حدود ۱۵ ثانیه ساکت می ماند؛ سپس آن ها گروه های کوچکی برای بحث تشکیل می دهند. زمانی که ۲ دقیقه تمام شد، از دانش آموزان خواستم کارت های رنگی خود را بیرون آورده و نظر خود را درباره ی گزینه ی درست، اعلام کنند. بعد از شمارش سه شماره، از همه ی آن ها خواستم کارت های خود را بالا بگیرند. اگر رأی های داده شده، به جواب درست نزدیک بودند، من به طور خلاصه در مورد این که چرا آن گزینه صحیح است توضیح داده و کار را ادامه می دهم. البته یک سؤال خوب، معمولاً پاسخ های متنوعی را در بر دارد و از این رو من نتایج را اعلام می کنم: «به نظر می رسد تعداد کسانی که گزینه های (الف، ب و ج) را انتخاب کرده اند، به هم نزدیک است.» سپس می پرسیم «کدام یک از کسانی که به گزینه ی الف رأی داده اند داوطلب هستند که نظرات خود را برای سایر دانش آموزان در میان بگذارند؟» ممکن است دانش آموزی چنین توضیح بدهد که چون در این نقطه شیب خط، از ۱ تا ۱- تغییر می کند، در نقطه ای باید این خط صاف باشد، بنابراین شیب میانگین، صفر می شود و خط مماس باید $y = 0$ باشد. سپس من از کسانی که به گزینه ی

(ب) رأی داده اند می خواهم که دلیل درستی گزینه ی (ب) را توضیح دهند. امکان دارد دانش آموزی بگوید که چون خطوط $y = x$ و $y = -x$ هر دو از نقطه ی $(0,0)$ می گذرند، پس این خطوط، همان خطوط مماس می باشند. سرانجام برای بحث در مورد گزینه ی (ج)، ممکن است دانش آموزی توضیح دهد که هیچ شیبی در این نقطه وجود ندارد زیرا $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - 0}{x - 0}$ از سمت چپ برابر با ۱- و حد راست آن برابر با ۱+ می باشد از این رو حد وجود ندارد و بنابراین نمی توان خط مماسی رسم کرد. اغلب زمانی که یک نفر نظر درستی ارائه می دهد، دانش آموزان دیگر کلاس به گونه ای واکنش نشان می دهند که گویا منطقی مسأله را فهمیده اند. مواقع دیگر، جواب به این روشنی نیست و من مجبورم آن را به دقت شرح دهم و با توجه به نتایج به دست آمده، می توانم تصمیم بگیرم که آیا موضوع را ادامه بدهم و یا سؤال مشابهی را مطرح کنم تا ببینم یادگیری و فهم دانش آموزان بهبود یافته است یا خیر.

مزایای رأی گیری در کلاس درس

این روش به دلایل مختلفی، مفید است:

۱. این روش، همه ی دانش آموزان کلاس را ملزم می کند تا سؤال را مورد بررسی قرار داده و نظری در مورد آن پیدا کنند و سپس در مورد پاسخ سؤال، تصمیم بگیرند. این روش مانع از آن می شود که دانش آموزان، غیر فعال باشند و آن ها را تشویق می کند که به طور فعال در کلاس شرکت کرده و در مورد ریاضیات با سایر دانش آموزان بحث کنند.
۲. این روش، بازخوردی فوری برای معلم فراهم می کند. آیا دانش آموزان این مفهوم را درک کرده اند و یا نیاز است که دوباره این مفهوم مرور شود؟ اگر تعداد زیادی از دانش آموزان به سؤال، جواب درست دادند معلم می تواند به موضوع دیگری بپردازد و اگر بحث و جدلی وجود داشته باشد در آن صورت معلم فوراً در می یابد که باید در همان جا و همان لحظه، کاری انجام دهد.
۳. هم چنین این روش، بازخوردی فوری برای دانش آموزان نیز فراهم می کند. اگر در تدریس به روش سخنرانی، دانش آموزان روشی را غلط یاد بگیرند، تا زمانی که تکالیف خود را انجام نداده و پس از چند روز ورقه ی خود را از معلم پس بگیرند، متوجه اشتباه خود نمی شوند. این روش آموزشی، به دانش آموز این فرصت را می دهد که اشتباهات خود را کشف کرده

و قبل از ترک کلاس، آن‌ها را اصلاح کند.

۴. این تکنیک، تخته پرش مؤثری برای ایجاد بحث‌های کلاسی^۵ پرثمرتر است. ممکن است دانش‌آموزان برای ابراز نظر خود در کلاس ریاضی تمایلی نداشته باشند زیرا از این که پاسخ نادرستی در برابر سایر دوستان خود ارایه دهند، هراس دارند. از آن‌جا که روش رأی‌گیری کلاسی، زمانی را در اختیار دانش‌آموزان قرار می‌دهد که فکر کنند و برای ارایه‌ی نظر خود تصمیم بگیرند و از آن‌جا که آن‌ها می‌بینند سایر دانش‌آموزان نیز به همان روش، رأی می‌دهند، اغلب تمایل می‌یابند پس از رأی دادن، در مورد نظر خود، صحبت کنند. این بحث‌های کلاسی، مانع از آن می‌شود که مباحثات به چند نفر از دانش‌آموز محدود شود و جمعیت بزرگ‌تر و متنوع‌تری از دانش‌آموزان را در بر می‌گیرد.

۵. شاید مهم‌ترین مزیت این روش این باشد که مفرح است. دانش‌آموزان از این که در کلاس مشارکت داشته باشند و در فضای «بازی‌گونه» قرار گیرند، لذت می‌برند. تعدادی از دانش‌آموزان من اعتقاد داشتند که زمانی که کلاس با رأی‌گیری پیش می‌رود، زمان سریع‌تر می‌گذرد و اگر یک روز از این روش استفاده نمی‌کردیم، مورد اعتراض آن‌ها واقع می‌شدیم. زمانی که دانش‌آموزان در کلاس سرگرم باشند و ساعت کلاس ریاضیات، برایشان ساعت دلپذیر و خوشایندی در روز باشد، ذهن‌هایشان بیدار و درگیر و همواره آماده‌ی یادگیری خواهد بود.

تمرین‌های تکراری^۶ یا پرسش‌های مفهومی^۷

چه نوع سؤالاتی بهتر عمل می‌کنند؟ این روش را می‌توان با هر سؤالی که به صورت چندگزینه‌ای و یا به صورت درست/غلط باشد، به کار برد. یک روش این است که با سؤالات تکرار و تمرینی بنیادی شروع کرده و سپس به سراغ سؤالات پیشرفته‌تری که مسایل مفهومی مشکل‌تری را بررسی می‌کنند، برویم.

برخی از مؤثرترین سؤالات، برای این طراحی می‌شوند که اشتباهات متداول و بدفهمی‌ها را بیرون بکشند. معلم با علم به این که دانش‌آموزان کجا بیش‌تر اشتباه می‌کنند، می‌تواند با استفاده از روش رأی‌گیری، از همان ابتدا به مواجهه با اشتباهات آن‌ها پرداخته و به رفع و رجوع آن‌ها بپردازد. برای مثال، با آگاهی از انواع مشکلاتی که اغلب دانش‌آموزان در مورد مشتق توابع با توان منفی در کلاس حسابان دارند، از آن‌ها می‌پرسم:

مشتق تابع $f(x) = \frac{2}{x^3}$ چیست؟

(الف) $f'(x) = 2x^{-3}$

(ب) $f'(x) = -3x^{-4}$

(ج) $f'(x) = 6x^{-3}$

(د) $f'(x) = -6x^{-4}$

(ه) $f'(x) = -6x^{-2}$

روش رأی‌گیری کلاسی با تمرین‌های تکراری^۶، به دانش‌آموزان اجازه می‌دهد هر تکنیک جدید را با کمک گرفتن از معلم یا هم‌کلاسی‌های خود، در محیطی امن و مطمئن تجربه کنند و برای انجام تکالیف در منزل و توسط خودشان آماده شوند. از سوی دیگر، هدف این روش این است که با ایجاد بحث در مورد مطالب درسی، دانش‌آموزان را به نحوی درگیر کند که مجبور شوند با پیچیدگی‌های ریاضیات، دست و پنجه نرم کنند. البته طرح سؤالات چندگزینه‌ای مفهومی^۷ می‌تواند چالش‌برانگیز باشد ولی غیر ممکن نیست. برای مثال:

اگر $\int_0^{10} f(x) dx = 10$ ، آن‌گاه مقدار $\int_0^3 f(2x) dx$ کدام است؟

(الف) $\int_0^3 f(2x) dx = 10$

(ب) $\int_0^3 f(2x) dx = 5$

(ج) $\int_0^3 f(2x) dx = 20$

(د) اطلاعات کافی نیست.

سؤالی نظیر این، که به بحث دقیق و تحلیل نمودارها نیاز دارد، می‌تواند فهم و درک دانش‌آموز را به چالش بکشد. آن‌ها می‌توانند ببینند که انتگرال $f(2x)$ عملاً تابع f با ضریب ۲ فشرده می‌کند و ناحیه‌ای با نصف مساحت ناحیه‌ی قبلی ایجاد می‌کند. مطرح کردن پرسش مفهومی چالش‌برانگیزی مانند این سؤال، در یک تکلیف خانگی که برای آن امتیازی در نظر گرفته شده است، امکان دارد بعضی از دانش‌آموزان را خسته و ناامید کند زیرا ممکن است مطمئن نباشند که چگونه باید حل مسأله را شروع کنند. روش رأی‌گیری کلاسی این اجازه را به معلم می‌دهد که سؤالات عمیق‌تری مانند این را در موقعیتی بدون نمره مطرح



کند و لذا دانش آموزان نسبت به از دست دادن نمره و امتیاز نگران نبوده و می توانند تمام توان خود را بر روی ایده ها متمرکز کنند.

بحث های قبل از رأی گیری

چندین روش برای هدایت کلاس طی روش رأی گیری وجود دارد. اول، تعیین زمان مناسبی (مثلاً دو دقیقه) که دانش آموزان بدانند طی آن فرصت مشخصی برای کار دارند، نه برای تلف کردن. رهیافت دیگر، سکوت کامل پس از مطرح کردن سؤال است. لازمه ی آن، این است که دانش آموزان به طور انفرادی کار کنند و هیچ یک رأی دیگری را کپی یا تکرار نکنند. من خودم فکر می کنم تشویق دانش آموزان به بحث های دوستانه و غیر رسمی با دیگر هم کلاسی ها در مورد هر پرسش، بسیار مؤثرتر است. من اغلب به آن ها می گویم پاسخ های خود را حداقل با یک نفر دیگر مقایسه کرده و درخصوص هر اختلافی، قبل از اعلام نظر خود بحث کنند. بحث های گروهی کوچک موجب می شود دانش آموزان با مسأله درگیر شوند و در مورد موضوع، با دیدگاه های مختلف فکر کنند و نقطه نظرات گوناگون درخصوص مسأله را کشف کنند. بحث ها می تواند انگیزه بخش و محرک باشد چرا که در نهایت هر دانش آموز باید به تنهایی رأی دهد. این روش، انگیزه ای فوری و مشخص ایجاد می کند که دانش آموزان دلایل نظرات سایر هم کلاسی هایشان را بپرسند، با دقت به سخنان آن ها گوش کنند و دیدگاه های مخالف را مورد بررسی قرار دهند. ترکیب این روش با روش های یادگیری مشارکتی دیگر مانند think-pair-share، نیز می تواند مؤثر باشد.

بیش تر یادمی گیرند تا این که صرفاً در تمام مدت در کلاس درس، شنوندگان منفعلی باشند.

ممکن است تعدادی از دانش آموزان در تطبیق خود با شرایط جدید، مشکل داشته باشند اما اغلب آن ها از این فرآیند لذت خواهند برد.

من متوجه شده ام که در نتیجه ی این فرآیند، دانش آموزان راحت تر در کلاس نظراتشان را بیان می کنند و اغلب در گروه های مباحثه ای کوچک، حتی زمانی که از آن ها خواسته نشده است، وارد بحث می شوند.

با وجود این که این روش با موفقیت در کلاس های درس با صدها دانشجو در دانشگاه های بزرگ مورد استفاده قرار گرفته است، من و همکارانم روش رأی گیری کلاسی را در کلاس های کوچک تر با ۲۰ تا ۳۰ دانش آموز مفیدتر یافتیم. تغییر روش، از روش متداول سخنرانی به روش رأی گیری، در کلاس های کوچک تر بسیار راحت تر است و تعداد بیش تری از دانش آموزان قادرند در بحث های پس از رأی گیری شرکت کنند.

آزاد گذاشتن کلاس درس

استفاده از روش نظرخواهی کلاسی می تواند در عمل مشکل باشد زیرا لازمه ی آن، از دست دادن قدری از کنترل و تجربه کردن محیطی جدید است. تعداد زیادی از دانش آموزان تصور می کنند که باید در کلاس ساکت بوده و با حضور ذهن کامل به حرف های معلم خود گوش دهند. همه ی دانش آموزان عادت ندارند که زمان کلاس را به بحث در مورد مسایل ریاضی با دوستانشان بگذرانند و دیدگاه هایشان را از طریق رأی گیری به گوش دیگر هم کلاسی هایشان برسانند و افکارشان را برای دیگران شرح دهند. در نتیجه مهم است که برای کلاستان توضیح دهید که چه می کنید و به چه دلیل این کار را می کنید؟ اگر آن ها زمانی را صرف گفت و گو، بحث و جدل علمی و رأی دادن بکنند،

رأی گیری الکترونیکی در برابر رأی گیری غیرالکترونیکی

همان طور که پیش از این گفته شد، رأی گیری کلاسی را می توان بدون استفاده از هیچ نوع تکنولوژی انجام داد. تنها چیزی که نیاز داریم مجموعه ای از کارت های رنگی و دستگاه پروژکتور و چند صفحه طلق، برای نمایش سؤال است. در هر حال ما متوجه شدیم که استفاده از یک دستگاه کلیکر الکترونیکی (دستگاهی مانند کنترل تلویزیون که با فشار دادن دکمه ی آن، رأی و نظر دانش آموز ثبت می شود) و یک کامپیوتر با گیرنده ی رأی ها، این روش را برای معلم بسیار کارآمدتر می کند. رأی گیری الکترونیکی به ما کمک می کند که آسان تر بفهمیم هر دانش آموز،

به کدام گزینه رأی داده است. در این صورت اگر هیچ کس برای توضیح درباره رأی خود داوطلب نشد، معلم می‌تواند با یک نگاه سریع به صفحه‌ی کامپیوتر، یک نفر را بدین منظور انتخاب کند. با رأی‌گیری الکترونیکی آسان‌تر می‌توانیم مطمئن شویم که همه‌ی دانش‌آموزان در رأی‌گیری شرکت کرده‌اند یا نه و با یک شمارش سریع می‌توانیم بفهمیم چه تعداد رأی باید دریافت شود و رأی‌گیری را تا زمانی که همه رأی نداده‌اند، بازنگه داریم. مزیت دیگر استفاده از تکنولوژی این است که عمل رأی‌گیری بسیار شخصی‌تر خواهد بود. در رأی‌گیری به وسیله‌ی کارت‌های رنگی، برای دانش‌آموزان خیلی سخت نیست که با یک نگاه سریع به اطراف خود، متوجه شوند که چه رنگی برنده است و کدام گزینه بیش‌ترین رأی را آورده است. ولی با استفاده از دستگاه کلیکر، هیچ کس متوجه رأی‌ها نخواهد شد تا زمانی که رأی‌گیری بسته شود و نمودارهای ستونی آن توسط کامپیوتر، ترسیم شود.

اشکال اصلی استفاده از تکنولوژی، هزینه و سهولت استفاده از آن است. دانشکده‌ی ما برای هر بسته شامل یک گیرنده، نرم‌افزار، ۳۲ دستگاه کلیکر به همراه یک کامپیوتر لب‌تاب و پروژکتور، مبلغی حدود ۱۴۵۰ دلار پرداخت. هم‌چنین، برای راه‌اندازی کامپیوتر و گرم‌شدن پروژکتور و نصب گیرنده روی دیوار، چند دقیقه‌ای زمان لازم است. (به تجربه دیدیم که یک قطعه‌ی Velcro^۸ برای محافظت از گیرنده، روشی مناسب است و در این صورت، گیرنده، تمام کلیکرها را «می‌بیند»). زحمت ما به حداقل می‌رسد، اما زمان نیز بسیار با ارزش است، و هرچه رأی‌گیری در کلاس بیش‌تر طول می‌کشد و دیر می‌شود، من هم مانند اسپند روی آتش، این‌ور و آن‌ور می‌پریم.

منابع

در کتاب‌ها و مقالات زیادی، روش رأی‌گیری کلاسی و تجارب معلمان مختلف توصیف شده است. این روش برای اولین بار در کلاس‌های فیزیک مقدماتی توسط اریک مازور در دانشگاه هاروارد، به کار گرفته شد و به همین دلیل گاهی به آن «آموزش هم‌سالان»^۹ گفته می‌شود. (کروچ و مازور (۲۰۰۱)؛ فاگن، کروچ و مازور (۲۰۰۲)؛ مازور (۱۹۹۷)). این روش در زمینه‌های متنوعی از علوم شامل نجوم (گرین، (۲۰۰۳) و شیمی (لندیس و همکاران، (۲۰۰۰) به کار گرفته

شده است. در چند سال گذشته این روش در ریاضی در چندین مؤسسه، با نتایج مثبت مورد استفاده قرار گرفته شده است (باتلر (۲۰۰۵)؛ لومن و رابینسون (۲۰۰۴)؛ پیلز (۲۰۰۱)؛ سکلاتر (۲۰۰۲)).

منابع زیادی برای سؤالات چندگزینه‌ای و درست-غلط، صرفاً برای روش رأی‌گیری کلاسی در حسابان، طراحی شده است که اغلب با عنوان «تست‌های مفهومی»^{۱۰} نامیده می‌شود. پروژه سؤالات خوب دانشگاه کورنل^{۱۱} کتابخانه‌ی گسترده‌ای از سؤالات را به وجود آورده است و مجموعه‌ی بزرگی از منابع برای هر کسی است که بخواهد این روش را برای اولین بار امتحان کند. مجموعه‌ی دیگری از سؤالات با «بسته‌ی راهنمای معلم» برای جزوه‌ی حسابان کنسرسیوم هاروارد، همراه شده است (هوگز، هالت و همکاران، (۲۰۰۲)). اغلب تست‌های مفهومی آن‌ها، چندگزینه‌ای هستند که برای رأی‌گیری کلاسی مهیا شده‌اند که در میان آن‌ها، سؤالات از نوع پاسخ-آزاد نیز پخش شده است.

مارک سکلاتر از کالج سنتتری^{۱۲} مجموعه‌ی شخصی از سؤالات رأی‌گیری کلاسی در درس حسابان چندمتغیره فراهم آورده است.^{۱۳}

در حال حاضر سه شرکت بزرگ، سیستم‌های الکترونیکی روش رأی‌گیری کلاسی از این نوع را که می‌تواند توسط یک کامپیوتر و یک پروژکتور به اجرا دربیاید، می‌فروشند.

سیستمی که ما استفاده می‌کنیم، سیستم پاسخ‌گویی شخصی^{۱۴} نامیده شده و توسط شرکت GTO Calcomp فروخته می‌شود.^{۱۵} این سیستم برای ما بسیار عالی کار کرده است. گیرنده‌ی PRS بدون آداپتور مخصوص به پُرت USB وصل نمی‌شود که این برای ما هنگامی که سعی کردیم آن را به Laptop وصل کنیم مسأله ایجاد کرد. دیگر سیستم‌های الکترونیکی رأی‌گیری کلاسی، توسط شرکت‌های تکنولوژی آموزشی^{۱۶} و شرکت eInstruction با عنوان «سیستم تجهیزات کلامی»^{۱۷} ارائه می‌شود.^{۱۸}

جمع‌بندی

معلمان ریاضی کالج ما، از قدرت روش رأی‌گیری کلاسی شگفت‌زده شده و سریعاً آن را در کلاس‌های خود به کار برده‌اند. دانشکده‌ی ما اقدام به خرید چهار مجموعه کامپیوتر و کلیکر کرده است که در حال حاضر توسط ۵ معلم در تمام ۶ بخش

(September 2001): 970-77.

Davidson, Neil, ed. *Cooperative Learning in Mathematics*. Menlo Park, CA: Addison-Wesley, 1990.

Dees, Roberta L. "The Role of Cooperative Learning in Increasing Problem-Solving Ability in a College Remedial Course." *Journal for Research in Mathematics Education* 22 (1991): 409-21.

Fagen, Adam P., Catherine H. Crouch, and Eric Mazur. "Peer Instruction: Results from a Range of Classrooms." *Physics Teacher* 40 (April 2002): 206-9.

Green, Paul J. *Peer Instruction for Astronomy*. Upper Saddle River, NJ: Prentice Hall, 2003.

Hagelgans, Nancy L., Barbara E. Reynolds, Keith Schwingendorf, Draga Vidakovic, Ed Dubinsky, Mazen Shahin, and G. Joseph Wimbish Jr., eds. *A Practical Guide to Cooperative Learning in Collegiate Mathematics*. MAA Notes No. 37. Washington, DC: Mathematical Association of America, 1995.

Hughes-Hallett, Deborah, Andrew M. Gleason, Daniel E. Flath, Sheldon P. Gordon, Patti F. Lock, David O. Lomen, David Lovelock, et al. *Calculus, Single and Multivariable*. 3rd ed. New York: John Wiley and Sons, 2002.

Landis, Clark R., Arthur B. Ellis, George C. Lisenky, Julie K. Lorenz, Kathleen Meeker, and Carl C. Wamser. *Chemistry Concep Tests: A Pathway to Interactive Classrooms*. Upper Saddle River, NJ: Prentice Hall, 2000.

Loman, David O., and Maria K. Robinson, "Using Concep Tests in Single and Multivariable Calculus." In *Proceedings of the 16th Annual International Conference on Technology in Collegiate Mathematics*. New York: Addison-Wesley, 2004.

Mazur, Eric. *Peer Instruction: A User's Manual*. Upper Saddle River, NJ: Prentice Hall, 1997.

Norwood, Karen S. "The Effects of the Use of Problem Solving and Cooperative Learning on the Mathematics Achievement of Underprepared College Freshmen." *PRIMUS* 5 (June 1995): 229-52.

Pilzer, Scott. "Peer Instruction in Physics and Mathematics." *PRIMUS* 11 (June 2001): 185-92.

Schlatter, Mark. "Writing Concep Tests for a Multivariable Calculus Course." *PRIMUS* 12 (December 2002): 305-14.

Springer, Leonard, Mary E. Stanne, and Samuel Donovan. "Effects of Cooperative Learning on Undergraduates in Science, Mathematics, Engineering, and Technology: A Meta-Analysis." *Review of Educational Research* 69 (1999): 21-51.

حسابان و دو بخش حساب چندمتغیره مورد استفاده قرار می گیرند. به منظور افزایش موفقیت این روش، در حال حاضر مشغول طراحی سؤالاتی برای درس های جبر خطی و معادلات دیفرانسیل هستیم.

رای گیری کلاسی را یک بار امتحان کنید. تنها چند دقیقه طول می کشد که کارت های رنگی را پخش کنید و تهیه ی چند سؤال جالب بر روی طلق های شفاف، زمانی از شما نمی گیرد. اگر تجربه ی ما گواه باشد، شما از این که دانش آموزان به سرعت مشغول شده و از یادگیری ریاضیات با یکدیگر لذت می برند، شگفت زده خواهید شد.

زیرنویس ها

1. Classroom Voting
2. Active Learning
3. Informal Discussion
4. Clicker
5. Class Discussion
6. Drill
7. Conceptual Questions
8. Velcro Pitch
9. Peer Instruction
10. Concept Tests
11. The Cornell Good/ Questions Project (www.math.cornell.edu/~ Good Questions/)
12. Centenary College

۱۳. برای اطلاعات بیش تر به آدرس زیر مراجعه کنید:

personal.centenary.edu/~mschlat/conceptests.pdf

14. Personal Response System

۱۵. قبلاً این شرکت Educue نامیده می شد. برای اطلاعات بیش تر به آدرس زیر مراجعه کنید:

www.gtcocalcomp.com/interwritpres

16. www.h-ittcom

17. CPS Classroom Performance System

18. www.einstruction.com

منبع اصلی ترجمه شده

Kelly S. Cline, Classroom Voting in Mathematics, **Mathematics Teacher**, Vol. 100, No. 2, September 2006.

مراجع

Bonwell, Charles, and James Eison. *Active Learning: Creating Excitement in the Classroom*. ASHE-ERIC Higher Education Report No. 1. Washington, DC: George Washington University, School of Education and Human Development, 1991.

Butler, Melanie. "What I Learned from... Using a personal Response System." *FOCUS* 25 (March 2005): 15. Crouch, Catherine H., and Eric Mazur. "Peer Instruction: Ten Years of Experience and Results." *American Journal of Physics* 69

