

تاریخ امتحان: ۱۳۸۹/۳/۲۷

کارشناسی امتحانات متوسطه ناحیه ۲ زنجان

مدت امتحان: ۹۰ دقیقه

دبیرستان استاد شهریار

کلاس:

ساعت شروع:

سوالات امتحان ریاضی ۲ رشته‌ی تجربی

رشته:

ردیف	متن سوال	بارم
	<p><u>توجه:</u> دانش آموزان عزیز، ابتدا برگه‌ی سوالات را از ابتدا تا انتهای به دقت مطالعه کنید. سپس به سؤالاتی پاسخ دهید، که راه حل آن‌ها را به طور کامل می‌دانید و سپس به مساله‌هایی بپردازید که به طور تقریبی راه حل آن‌ها را می‌دانید. بعد از این مراحل، روی مسائلی فکر کنید که راه حل آن‌ها در ابتدا به ذهنتان نرسیده است. موفق باشید.</p>	
۱	<p>جمله‌ی عمومی دنباله‌ای $t_n = \sqrt{2^n}$ است. جمله‌ی چهارم آن چیست؟ نتیجه را به طور کامل ساده کنید.</p>	۱
۲	<p>تابع زیر را در نظر گرفته به سوالات، پاسخ دهید:</p> $\begin{cases} f : [-1, 1] \rightarrow [-1, 1] \\ f(x) = -x \end{cases}$ <p>(الف) تابع را رسم کنید. (ب) آیا این تابع یک به یک است؟ چرا؟ (ج) آیا این تابع معکوس پذیر است؟ چرا؟ در صورت معکوس پذیر بودن، معکوس آن را رسم کنید.</p>	۱
۲/۵	<p>(الف) نمودار توابع زیر را به وسیله‌ی انتقال، رسم کنید:</p> $y = x + 2 - 1, \quad y = (x + 2)^2 - 1$ <p>(ب) عبارات رو به رو را تعیین علامت کنید:</p> $y = -x - 2, \quad y = x^3 + 5x + 7$	۲
۳/۵	<p>(الف) معادله‌ی نمایی $2^x = y$ را به یک معادله‌ی لگاریتمی تبدیل کنید.</p> <p>(ب) لگاریتم عدد $\sqrt[5]{2} \times 2^5$ را در پایه‌ی ۲ به طور کامل محاسبه کنید.</p> <p>(ج) معادله‌ی $\log_4 x + \log_4 (x - 6) = 2$ را حل کنید.</p>	۴

الف) ۱۲۰ درجه را به راديان و $\frac{\pi}{9}$ رadian را به درجه تبدیل کنید.

ب) سینوس، کسینوس و تانژانت ۱۵۰ درجه را حساب کنید.

ج) تابع $y = 2\sin(x)$ را در بازه $[0, 2\pi]$ رسم کنید.

د) مساحت متوازی الاضلاعی را به دست آورید که دو ضلع غیر موازی آن ۲ و ۳ متر و یکی از زوایاها برابر با ۶۰ درجه است.

الف) ماتریس های A و B به صورت زیر داده شده اند؛ ماتریس $A - 2BA$ را به دست آورید.

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$

ب) دستگاه $\begin{cases} 2x - y = 6 \\ -x + y = 4 \end{cases}$ را به وسیلهٔ معکوس ماتریس ضرایب، حل کنید.

الف) با استفاده از دو رقم ۲ و ۱ چند عدد ۵ رقمی می‌توان ساخت؟ به طور کامل توضیح دهید.

ب) تمام جایگشت‌های حروف کلمهٔ water را در نظر بگیرید. در چند تا از آن‌ها، دو حرف a و w به صورت wa قرار گرفته‌اند؟ به طور کامل توضیح دهید.

ج) تعداد گروه‌های ۴ نفری که از بین ۱۰ نفر می‌توان ساخت، چند تاست؟ به طور کامل توضیح دهید.

موفق باشید.

مفیدی